

**EXERCICES (issus des précédents concours d'admission)**

Tous les sujets sont constitués d'un problème (lui-même constitué de plusieurs parties plus ou moins indépendantes) et d'un exercice VRAI/FAUX, pour lequel il est demandé de justifier soigneusement chaque réponse.

**Exercice 1 (Exercice 2017 : Question 4)**

Dans un plan muni d'un repère orthonormé, on considère les points :

$$A(-1 ; 2), B(6 ; -5), C(-2 ; -1) \text{ et } D(0 ; 1).$$

**Affirmation** :  $D$  est le point d'intersection de la droite  $(AB)$  et de la perpendiculaire à cette droite passant par  $C$ .

**Exercice 2 (Exercice 2016 : Question 5)**

Dans un repère orthonormé, on note  $(d)$  la droite, passant par  $A(2; 1)$  et parallèle à la droite  $(d')$  d'équation  $x - 2y + 3 = 0$ .

**Proposition** :  $(d)$  a pour équation  $y = \frac{x}{2}$ .

**Exercice 3 (Exercice 2016 : Question 7)**

Dans un repère orthonormé, on désigne par  $A, B$  et  $C$  les points de coordonnées  $A(1; 3), B(6; 4)$  et  $C(7; -1)$ .

**Proposition** : le triangle  $ABC$  est rectangle isocèle.

**Exercice 4 (Exercice 2018 : Question 10)**

Dans un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ , on note  $\mathcal{P}$  la parabole d'équation  $y = x^2$ .

Soit  $a$  un réel strictement positif et soit  $A$  le point de la parabole  $\mathcal{P}$  d'abscisse  $a$ .

On note  $B$  le second point d'intersection entre la parabole et la perpendiculaire à la droite  $(OA)$  passant par  $O$ .

**Affirmation** : quelle que soit la valeur de  $a > 0$ ,  $K(0; 1)$  appartient à la droite  $(AB)$ .

**Exercice 5 (Exercice 2015 : Question 6)**

Dans un repère orthonormé  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ , la droite  $(d)$  a pour équation  $3x + 4y + 4 = 0$ .

La droite  $(\Delta)$  perpendiculaire à la droite  $(d)$  et passant par le point  $A(4; 1)$  coupe la droite

$(d)$  en un point  $H$  de coordonnées  $(\frac{8}{5}; -\frac{11}{5})$ .

**Exercice 6 (Exercice 2014 : Question 8)**

Soient les points  $A(-2; 1), B(2; 2)$  et  $C(1; 5)$ . Le triangle  $ABC$  est rectangle isocèle.

**Exercice 7 (Exercice 2014 : Question 9)**

Dans un repère  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  du plan, une équation cartésienne de la droite  $d$  passant par le

point  $A(3; 1)$  et de vecteur directeur  $\vec{u}(\frac{-1}{2}; \frac{5}{3})$  est  $-3x + 10y - 1 = 0$ .